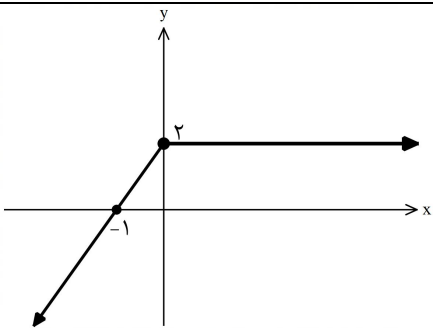
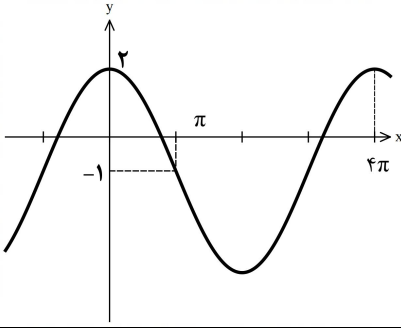
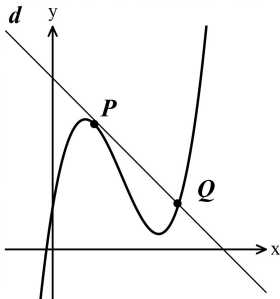
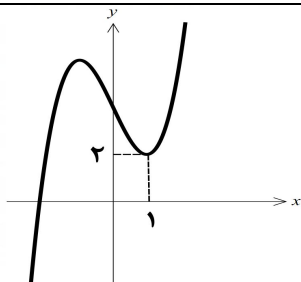
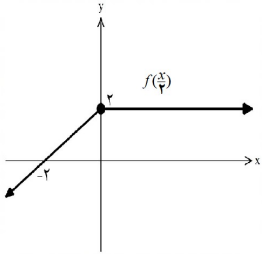
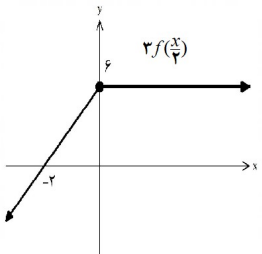
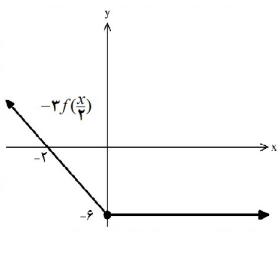
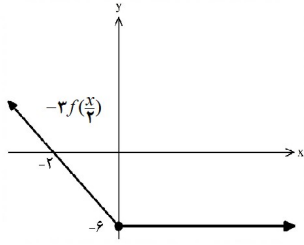


سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲		رشته : ریاضی فیزیک		تعداد صفحه : ۲		ساعت شروع : ۱۰:۳۰ صبح	
دوازدهم		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۱۰/۰۳		نام و نام خانوادگی :		مدت آزمون : ۱۲۰ دقیقه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترگر داخل کشوری ماه ۱۴۰۳				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir			
ردیف		سؤالات (پاسخ برگ دارد)(استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است)					
		نمره					

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید. الف) نقطه $x = 0$ یک نقطه گوشه‌ای تابع $f(x) = \sqrt[3]{x}$ است. ب) تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 3 & x \geq 1 \\ 2x & x < 1 \end{cases}$ در نقطه $x = 1$ مشتق پذیر است.	۰/۵
۲	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. الف) برد تابع $y = \tan x$ با دامنه $\left[\frac{\pi}{3}, \pi\right] - \left\{\frac{\pi}{2}\right\}$ برابر است. ب) مشتق دوم تابع $y = \sin x$ در نقطه $x = \frac{\pi}{2}$ برابر است.	۰/۷۵
۳	نمودار تابع $f(x)$ در شکل مقابل رسم شده است. الف) نمودار تابع $g(x) = -3f\left(\frac{1}{4}x\right)$ را رسم کنید. ب) مقدار $g(5)$ را به دست آورید.	۱ 
۴	نمودار تابع $f(x) = -(x-2)^3 + 1$ را به کمک نمودار تابع $y = x^3$ رسم کنید و صعودی یا نزولی بودن تابع f را بررسی کنید.	۱
۵	اگر $\left(\frac{1}{4}\right)^{x+1} \leq \left(\frac{1}{4}\right)^{2x-3}$ باشد، حدود x را به دست آورید.	۰/۵
۶	اگر چند جمله ای $p(x) = x^2 + a - 2$ بر $x - a$ بخش پذیر باشد، مقدار a را بیابید.	۱
۷	قسمتی از نمودار تابع $f(x) = a \cos bx + c$ به صورت مقابل است، مقادیر a, b, c را بیابید.	۱/۲۵ 
۸	معادله $\cos x (2 \cos x - 7) = 4$ را حل کنید.	۱/۲۵

سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲		رشته : ریاضی فیزیک		تعداد صفحه : ۲		ساعت شروع : ۱۰:۳۰ صبح	
دوازدهم		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۱۰/۰۳		نام و نام خانوادگی :		مدت آزمون : ۱۲۰ دقیقه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنر داخل کشوری ماه ۱۴۰۳				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir			
ردیف		سؤالات (پاسخ برگ دارد)(استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است)					
نمره							
۹	حاصل حدود زیر را به دست آورید.						
۱/۲۵	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-7}{x^5-4x+3}$ (الف) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sin^2 x + x}{x^2}$ (ب)						
۱۰	الف) مجانب های قائم و افقی نمودار تابع $f(x) = \frac{x^2+1}{x^3-1}$ را به دست آورید. ب) وضعیت نمودار $f(x)$ را در همسایگی مجانب قائم آن نمایش دهید.						
۱۱	مطابق شکل روبه رو خط d در نقطه $P(1,3)$ بر نمودار تابع f مماس و در نقطه $Q(2a+1,a)$ آن را قطع می کند. اگر $f'(1) = -1$ مقدار a را بیابید.						
۱							
۱۲	مشتق پذیری تابع $f(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 4}$ را در نقطه $x = 2$ با استفاده از تعریف مشتق بررسی کنید.						
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن الزامی نیست) الف) $f(x) = \frac{\sqrt{x} - 5x}{x - 3}$ ب) $g(x) = (\cos^3 x)(\tan x)$						
۱۴	تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x + 1$ مفروض است. در نقطه $x = a$ ، آهنگ تغییر لحظه ای تابع کمتر از آهنگ تغییر متوسط آن در بازه $[0, 3]$ است، محدوده a را بیابید.						
۱۵	نمودار تابع $f(x) = x^3 + ax + b$ به صورت مقابل است. مقادیر a و b را بیابید.						
۱							
۱۶	یک مستطیل در یک نیم دایره محاط شده است. اگر شعاع دایره ۲ سانتی متر باشد، طول و عرض مستطیل را طوری به دست آورید که مساحت آن بیشترین مقدار ممکن باشد.						
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = (x+1)(x-2)^2$ را رسم کنید.						
۲۰	صفحه ۲ از ۲ جمع نمره						

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲		رشته : ریاضی و فیزیک	
دوازدهم		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۱۰/۰۳	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترگر داخل و خارج از کشوردی ماه ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	
ردیف		راهنمای تصحیح	
نمره			
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) (صفحه ۸۹) ب) نادرست (۰/۲۵) (صفحه ۱۰۰)	۰/۵	
۲	الف) $(0, \sqrt{3}) - \mathbb{R}$ یا $[-\infty, 0] \cup [\sqrt{3}, +\infty)$ (۰/۵) (صفحه ۳۲) ب) -1 (۰/۲۵) (صفحه ۱۰۱)	۰/۷۵	
۳	روش اول : رسم هر مرحله (۰/۲۵) نمره تعلق گیرد.		
   روش دوم : (انتقال نقاط) $\begin{aligned} (-1, 0) &\rightarrow (-2, 0) \\ &\quad \cdot/25 \\ (0, 2) &\rightarrow (0, -6) \\ &\quad \cdot/25 \end{aligned}$  (۰/۲۵) ب) $g(5) = -6$ (۰/۲۵) (صفحه ۱۰)			
۴	به رسم نمودار (انتقال افقی (۰/۲۵)، انتقال عمودی (۰/۲۵) و قرینه یابی (۰/۲۵)) نمره تعلق گیرد. $f(x)$ اکیدا نزولی (یا نزولی) است. (۰/۲۵) (صفحه ۲۱)		
۵	$\left(\frac{1}{2}\right)^{x+1} \leq \left(\frac{1}{2}\right)^{2x-3} \Rightarrow \underbrace{x+1 \geq 2x-3}_{\cdot/25} \Rightarrow \underbrace{x \leq 4}_{\cdot/25}$ (صفحه ۲۲)		
۶	$\underbrace{x-a=0}_{\cdot/25} \Rightarrow x=a$ $\underbrace{a^2+a-2=0}_{\cdot/25} \Rightarrow \underbrace{a=1}_{\cdot/25} \quad \text{یا} \quad \underbrace{a=-2}_{\cdot/25}$ (صفحه ۱۹)		
صفحه ۱ از ۴			

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲		رشته: ریاضی و فیزیک	
دوازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۱۰/۰۳	ساعت شروع: ۱۰:۳۰ صبح	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترگر داخل و خارج از کشوری ماه ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۷	$T = 4\pi \Rightarrow \frac{2\pi}{ b } = 4\pi \Rightarrow b = \frac{1}{2} (0/25)$ $f(\pi) = -1 \Rightarrow \underbrace{a \cos(b\pi) + c = -1}_{0/25} \xrightarrow{ b =\frac{1}{2}} a \times 0 + c = -1 \Rightarrow c = -1 (0/25)$ روش اول محاسبه a) $\max = 2 \Rightarrow a + c = 2 \xrightarrow{c=-1} a = 3 (0/25) \xrightarrow{a>0} a = 3 (0/25)$ روش دوم محاسبه a) $f(0) = 2 \Rightarrow a + c = 2 \xrightarrow{c=-1} a = 3 (0/5)$ (صفحه ۲۸)	۱/۲۵
۸	$\cos x (2 \cos x - 7) = 4 \Rightarrow \underbrace{2 \cos^2 x - 7 \cos x - 4 = 0}_{0/25} \Rightarrow \begin{cases} \cos x = 4 \times (0/25) \\ \cos x = -\frac{1}{2} (0/25) \end{cases}$ $\cos x = \cos \frac{2\pi}{3} \Rightarrow x = 2k\pi \pm (\frac{2\pi}{3}) (0/25)$ (صفحه ۴۱)	۱/۲۵
۹	الف) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-7}{x^5 - 4x + 3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{x^5} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x^4} = 0 (0/25)$ (صفحه ۶۶) ب) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sin^2 x + x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sin^2 x}{x^2} + \frac{1}{x} = 1 + \frac{1}{0^-} = 1 - \infty = -\infty (0/25)$ (صفحه ۵۴)	۱/۲۵
۱۰	الف) خط $x = 1$ مجانب قائم است (۰/۲۵) زیرا: $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + 1}{x^3 - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2}{0^-} = -\infty (0/25) \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + 1}{x^3 - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2}{0^+} = +\infty (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2 + 1}{x^3 - 1} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2}{x^3} = 0 (0/25)$ پس خط $y = 0$ مجانب افقی است. (۰/۲۵) (صفحه ۶۹) ب) (۰/۵) (صفحه ۶۹) 	۱/۲۵

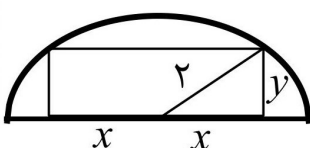
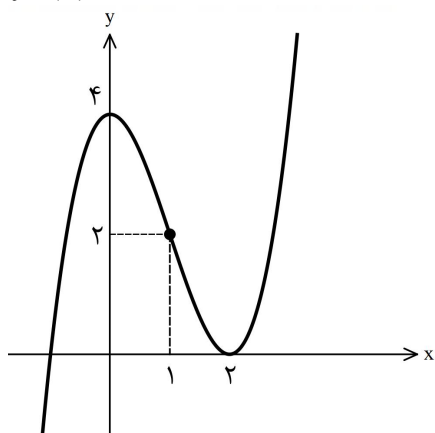
راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲		رشته: ریاضی و فیزیک
دوازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۱۰/۰۳	ساعت شروع: ۱۰:۳۰ صبح
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترگر داخل و خارج از کشوردی ماه ۱۴۰۳		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۱	خط d در نقطه $P(1,3)$ بر تابع $f(x)$ مماس است، بنابراین شیب خط d برابر -1 است. $(0/25)$ روش اول: معادله خط d بصورت زیر است: $y - 3 = -1(x - 1) \Rightarrow y = -x + 4 \xrightarrow{Q(2a+1,a) \in d} a = -2a - 1 + 4 \Rightarrow a = 1 \quad (0/25)$ $m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{a - 3}{2a + 1 - 1} = -1 \Rightarrow a = 1 \quad (0/25)$ روش دوم: (صفحه ۸۳)	۱
۱۲	$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 4x + 4} - 0}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ x - 2 }{x - 2} = \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-(x - 2)}{x - 2} = -1 \quad (0/25) \\ \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x - 2}{x - 2} = 1 \quad (0/25) \end{cases}$ پس $f(x)$ در $x = 2$ مشتق پذیر نیست. $(0/25)$ (صفحه ۸۶)	۱
۱۳	الف) $f'(x) = \frac{\left(\frac{1}{2\sqrt{x}} - 5\right)(-3) - (1)(\sqrt{x} - 5)}{(x - 3)^2}$ ب) $g'(x) = \underbrace{(3(-\sin x) \cos^2 x)(\tan x)}_{0/5} + \underbrace{(\cos^3 x)(1 + \tan^2 x)}_{0/5}$ (صفحه ۱۰۱)	۲
۱۴	آهنگ متوسط تغییر در بازه $[0, 3]$: $\frac{f(3) - f(0)}{3 - 0} = \frac{-2 - 1}{3} = -1 \quad (0/25)$ آهنگ لحظه‌ای تغییر برابر $f'(x) = x^2 - 4$ است. $f'(a) < -1 \Rightarrow a^2 - 4 < -1 \Rightarrow a^2 < 3 \Rightarrow -\sqrt{3} < a < \sqrt{3}$ (صفحه ۱۱۰)	۱/۲۵

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲		رشته : ریاضی و فیزیک
دوازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۱۰/۰۳	ساعت شروع: ۱۰:۳۰ صبح
مدت آزمون : ۱۲۰ دقیقه		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترگر داخل و خارج از کشوری ماه ۱۴۰۳		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۵	$f'(1) = 0 \xrightarrow{f'(x)=3x^2+a} 3(1)^2 + a = 0 \Rightarrow a = -3 \quad (0/5)$$f(1) = 2 \Rightarrow (1)^3 + a(1) + b = 2 \xrightarrow{a=-3} 1 - 3 + b = 2 \Rightarrow b = 4 \quad (0/5)$ (صفحه ۱۲۶)	۱																
۱۶	 با توجه به شکل $y^2 + x^2 = 4$ ، پس $y = \sqrt{4 - x^2}$ در نتیجه: $S = 2xy \xrightarrow{y = \sqrt{4 - x^2}} S(x) = 2x\sqrt{4 - x^2} \Rightarrow S'(x) = 2\sqrt{4 - x^2} + \frac{(-2x)}{2\sqrt{4 - x^2}}(2x)$$\xrightarrow{S'(x)=0} \frac{2(4 - x^2) - 2x^2}{\sqrt{4 - x^2}} = 0 \Rightarrow -4x^2 + 8 = 0 \Rightarrow x = \sqrt{2} \Rightarrow \underbrace{2x = 2\sqrt{2}}_{0/25} \Rightarrow \underbrace{y = \sqrt{2}}_{0/25}$ (صفحه ۱۲۶)	۱/۵																
۱۷	$f'(x) = (x - 2)^2 + 2(x - 2)(x + 1) \xrightarrow{f'(x)=0} x = 0, x = 2 \quad (0/5)$$f''(x) = 6x - 6 \xrightarrow{f''(x)=0} x = 1 \quad (0/25)$<table data-bbox="930 1278 1403 1478"><tr><td></td><td>0</td><td>1</td><td>2</td></tr><tr><td>f'</td><td>+</td><td>-</td><td>+</td></tr><tr><td>f''</td><td>-</td><td>-</td><td>+</td></tr><tr><td>f</td><td>↗</td><td>↘</td><td>↗</td></tr></table> (0/75) (صفحه ۱۳۹) اگر دانش آموزی در ضابطه تابع ابتدا حاصلضرب پرانتزها را به دست آورد و سپس مشتق بگیرد، نمره تعلق گیرد.		0	1	2	f'	+	-	+	f''	-	-	+	f	↗	↘	↗	۲
	0	1	2															
f'	+	-	+															
f''	-	-	+															
f	↗	↘	↗															
۲۰	جمع نمره	صفحه ۴ از ۴																