

تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۹	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۸		

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)	نمره
------	---	------

۰/۷۵	<p>۱ درست یا نادرستی عبارات‌های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) برد تابع با ضابطه $y = kf(x)$ همان برد تابع $y = f(x)$ است.</p> <p>ب) چند جمله ای $f(x) = 2x^3 + 5x^2 - 3x - 1$ بر دو جمله ای $x + 2$ بخش پذیر است.</p> <p>ج) دو پیشامد A و B از هم مستقل هستند هرگاه با هم رخ ندهند.</p>	۱										
۰/۷۵	<p>۲ درج‌های خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید.</p> <p>الف) تابعی که در یک بازه، هم صعودی و هم نزولی محسوب می شود، تابع نامیده می شود.</p> <p>ب) دوره تناوب اصلی تابع $y = \tan x$ برابر است.</p> <p>ج) شکلی که از برخورد یک صفحه با یک جسم هندسی حاصل می شود، آن نامیده می شود.</p>	۲										
۱/۵	<p>۳ اگر $f(x) = x^2 - 5$ و $g(x) = \sqrt{x + 6}$ باشد،</p> <p>الف) دامنه تابع $f \circ g$ را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p> <p>ب) با محدود کردن دامنه تابع f تابعی وارون پذیر بسازید.</p>	۳										
۱	<p>۴ نشان دهید توابع $f(x) = 3x - 4$ و $g(x) = \frac{x + 4}{3}$ وارون یکدیگرند.</p>	۴										
۱/۲۵	<p>۵ دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع زیر را به دست آورید. (راه حل نوشته شود)</p> $y = -\pi \sin\left(\frac{x}{2}\right) - 2$	۵										
۱/۵	<p>۶ معادله مثلثاتی $\cos 2x - \cos x + 1 = 0$ را حل کنید.</p>	۶										
۱/۷۵	<p>۷ حد توابع زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{x + \sqrt{2x + 3}}$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2}{ x - 3 }$</p>	۷										
۱	<p>۸ با در نظر گرفتن نمودار f در شکل، نقاط به طول های a و b و c و d را با مشتق های داده در جدول نظیر کنید.</p> <table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>$f'(x)$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td>۰</td> </tr> <tr> <td></td> <td>۰/۵</td> </tr> <tr> <td></td> <td>۲</td> </tr> <tr> <td></td> <td>-۰/۵</td> </tr> </tbody> </table> 	x	$f'(x)$		۰		۰/۵		۲		-۰/۵	۸
x	$f'(x)$											
	۰											
	۰/۵											
	۲											
	-۰/۵											

« ادامه سوالات در صفحه دوم »

باسمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس : ریاضی ۳		رشته : علوم تجربی		ساعت شروع: ۱۰ صبح		تعداد صفحه: ۲		
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		نام و نام خانوادگی :		تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۹		مدت امتحان: ۱۲۰		
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۸				مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir				
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)							نمره
۹	مشتق تابع های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)							۱/۷۵
	الف) $f(x) = (x^2 + 1)^3 (5x - 1)$ ب) $g(x) = \frac{9x - 2}{\sqrt{x}}$							
۱۰	اگر $f(x) = \begin{cases} x^2 & x < 0 \\ x & x \geq 0 \end{cases}$ نشان دهید $f'_+(0)$ و $f'_-(0)$ موجودند ولی $f'(0)$ موجود نیست.							۱/۲۵
۱۱	تابع $f(x) = 7\sqrt{x} + 5$ قد متوسط کودکان را بر حسب سانتی متر تا حدود ۶۰ ماهگی نشان می دهد، که در آن x مدت زمان پس از تولد (بر حسب ماه) است. آهنگ متوسط رشد در بازه زمانی $[0, 25]$ چقدر است؟							۱
۱۲	در تابع زیر، ابتدا نقاط بحرانی تابع را به دست آورید و سپس با رسم جدول تغییرات تابع، نقاط ماکزیمم و می نیمم نسبی آن را در صورت وجود مشخص کنید.							۲
	$f(x) = x^3 + 3x^2 - 9x - 1$.							
۱۳	دو عدد حقیقی بیابید که تفاضل آنها ۱۰ باشد و حاصل ضربشان کمترین مقدار ممکن گردد.							۱
۱۴	کانون های یک بیضی نقاط $(1, 3)$ و $(1, -5)$ است. الف) فاصله کانونی و مختصات مرکز بیضی را بنویسید. ب) اگر $a = 6$ باشد، اندازه قطر کوچک و خروج از مرکز بیضی را پیدا کنید.							۱/۵
۱۵	وضعیت دایره $x^2 + (y + 3)^2 = 4$ و خط $y = -1$ را نسبت به هم مشخص کنید.							۰/۷۵
۱۶	فرض کنید جمعیت یک کشور متشکل از ۴۰ درصد مرد و ۶۰ درصد زن باشند و احتمال شیوع یک بیماری خاص در این دو گروه به ترتیب ۳ درصد و ۵ درصد باشد. اگر فردی به تصادف از این جامعه انتخاب شود، با چه احتمالی به بیماری مورد نظر مبتلا است؟							۱/۲۵
۲۰	جمع نمره							" موفق باشید "

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۸	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۰/۷۵	(ب) درست (ج) نادرست هر مورد ۰/۲۵	۱
۰/۷۵	هر مورد ۰/۲۵	۲
۱	$D_{f \circ g} = \overbrace{\{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\}}^{(۰/۲۵)} = \overbrace{\{x \in [-۶, +\infty) \mid \sqrt{x+۶} \in R\}}^{(۰/۵)} = [-۶, +\infty) \quad (۰/۲۵)$ <p>(ب)</p> $h(x) = x^2 - ۵ \quad x \geq ۰ \quad (۰/۵)$	۳
۱	$f \circ g(x) = f\left(\frac{x+۴}{۳}\right) = ۳\left(\frac{x+۴}{۳}\right) - ۴ = x \quad (۰/۵)$ $g \circ f(x) = g(۳x - ۴) = \left(\frac{۳x - ۴ + ۴}{۳}\right) = x \quad (۰/۵)$	۴
۱/۲۵	$\min = - a + c \quad (۰/۲۵) \quad \max = a + c \quad (۰/۲۵) \quad \min = -\pi - ۲ \quad (۰/۲۵) \quad T = \frac{۲\pi}{ b } = \frac{۲\pi}{\left \frac{۱}{۲}\right } = ۴\pi \quad (۰/۵)$	۵
۱/۵	$۲ \cos^2 x - 1 - \cos x + 1 = 0 \Rightarrow \cos x (2 \cos x - 1) = 0 \Rightarrow (۰/۵)$ $\Rightarrow \begin{cases} \cos x = 0 \rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{۲} \quad (۰/۵) \\ \cos x = \frac{1}{۲} \rightarrow x = ۲k\pi \pm \frac{\pi}{۳} \quad (۰/۵) \end{cases}$	۶
۱/۷۵	$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x-1)(x+1)(x-\sqrt{2x+3})}{x^2 - 2x - 3} \quad (۰/۷۵) = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x-1)(x+1)(x-\sqrt{2x+3})}{(x+1)(x-3)} = -1 \quad (۰/۵) \quad \text{الف)}$ $\lim_{x \rightarrow ۳} \frac{۲}{ x-۳ } = \frac{۲}{0^+} = +\infty \quad (۰/۵) \quad \text{ب)}$	۷

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره																									
۸	هر مورد درست (۰/۲۵) صفحه ۷۵	۱																									
	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>d</td> <td>b</td> <td>c</td> <td>a</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>\cdot</td> <td>$\cdot/۵$</td> <td>۲</td> <td>$-۰/۵$</td> </tr> </table>	x	d	b	c	a	$f'(x)$	\cdot	$\cdot/۵$	۲	$-۰/۵$																
x	d	b	c	a																							
$f'(x)$	\cdot	$\cdot/۵$	۲	$-۰/۵$																							
۹	$f'(x) = \underbrace{3(2x)}_{(۰/۷۵)} (x^2+1)^2 (2x-1) + \underbrace{5(x^2+1)^2}_{(۰/۲۵)}$ $g'(x) = \frac{9(\sqrt{x}) - (\frac{1}{2\sqrt{x}})(9x-2)}{(\sqrt{x})^2}$ <p style="text-align: right;">صفحه: ۸۸ و ۹۲</p>	۰/۷۵																									
۱۰	$f'_+(\cdot) = \lim_{x \rightarrow \cdot^+} \frac{x^-}{x^-} = 1 \quad (۰/۵)$ $\Rightarrow f'_+(\cdot) \neq f'_-(\cdot) \quad (۰/۲۵)$ $f'_-(\cdot) = \lim_{x \rightarrow \cdot^-} \frac{x^-}{x^-} = 0 \quad (۰/۵)$ <p style="text-align: right;">$f'(\cdot)$ موجود نیست. صفحه ۹۲</p>	۱/۲۵																									
۱۱	$\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(25) - f(0)}{25 - 0} \quad (۰/۲۵) = \frac{15 - 50}{25} \quad (۰/۵) = 1/4 \quad (۰/۲۵)$ <p style="text-align: right;">صفحه: ۹۶</p>	۱																									
۱۲	<p style="text-align: right;">تکمیل جدول یک نمره</p> $f'(x) = 3x^2 + 6x - 9 = 0 \quad (۰/۵) \begin{cases} x=1 \\ x=-3 \end{cases} \quad (۰/۵)$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td></td> <td>-3</td> <td>1</td> <td></td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>$+$</td> <td>\cdot</td> <td>$-$</td> <td>\cdot</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td></td> <td>\nearrow</td> <td>\searrow</td> <td>\nearrow</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>17</td> <td>-15</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>\max</td> <td>\min</td> <td></td> </tr> </table> <p style="text-align: right;">صفحه: ۱۱۲</p>	x		-3	1		f'	$+$	\cdot	$-$	\cdot	f		\nearrow	\searrow	\nearrow			17	-15				\max	\min		۲
x		-3	1																								
f'	$+$	\cdot	$-$	\cdot																							
f		\nearrow	\searrow	\nearrow																							
		17	-15																								
		\max	\min																								
۱۳	$f(x) = xy \rightarrow \underbrace{f(x) = x(x+10)}_{(۰/۲۵)} = x^2 + 10x \rightarrow \underbrace{f'(x) = 2x + 10 = 0}_{(۰/۲۵)}$ $\rightarrow x = -5 \quad (۰/۲۵), y = 5 \quad (۰/۲۵)$ <p style="text-align: right;">صفحه: ۱۱۹</p>	۱																									

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	$O \begin{cases} \frac{1+1}{2} = 1 \\ \frac{3-5}{2} = -1 \end{cases} \quad \text{الف) (۰/۲۵)} \quad FF' = 3 - (-5) = 8 = 2C \rightarrow C = 4 \quad \text{(۰/۲۵)}$ <p>ب)</p> $b^2 = a^2 - c^2 = 36 - 16 = 20 \quad \text{(۰/۲۵)} \rightarrow b = \sqrt{20} \Rightarrow BB' = 2\sqrt{20} \quad \text{(۰/۲۵)}, \quad e = \frac{c}{a} = \frac{2}{3} \quad \text{(۰/۵)}$ <p>صفحه ۱۳۲</p>	۱/۵
۱۵	$O(2, -3), \quad r = 2 \quad \text{(۰/۲۵)}, \quad d = \frac{ -3+1 }{\sqrt{0+1}} = 2 \quad \text{(۰/۲۵)}$ <p>خط و دایره بر هم مماس هستند. (۰/۲۵)</p> <p>صفحات: ۱۳۹</p>	۰/۷۵
۱۶	$P(A) = \frac{40}{100} \times \frac{3}{100} + \frac{60}{100} \times \frac{5}{100} = \frac{42}{1000} \quad \text{(۰/۲۵)}$ <p>(۰/۵) (۰/۵)</p> <p>صفحه ۱۴۷</p>	۱/۲۵
	" در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است "	