

جمع بندی ریاضی کنکور انسانی

فصل چهارم

احتمال

علی جبرا | سایت تخصصی آموزش ریاضی

ALIGEBRA.COM

۰۹۱۲۷۷۴۴۲۸۱ – ۰۹۱۲۷۷۴۴۳۸۹

کلیه حقوق مادی و معنوی این اثر متعلق به سایت Algebra.com است و هرگونه استفاده از این اثر و انتشار آن در پایگاه های مجازی بدون کسب مجوز منوع است و متخلفان تحت پیگرد قانونی قرار می گیرند.

یک سکه و یک تاس با هم پرتاب می‌شود، با کدام احتمال سکه «رو» و عدد تاس مضرب ۳ ظاهر می‌شود؟ ۱

$$\frac{1}{3} \text{ ر}$$

$$\frac{1}{4} \text{ ۴}$$

$$\frac{1}{6} \text{ ۶}$$

$$\frac{1}{12} \text{ ۱۲}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

$$n(\Omega) = 2 \times 6 = 12$$

$$A: \{ (1, 3), (1, 9) \} \rightarrow n(A) = 2$$

۲ در ظرفی ۴ مهره سفید و ۳ مهره سیاه است. به تصادف ۲ مهره از ظرف خارج می‌کنیم. با کدام احتمال مهره‌های خارج شده، از یک رنگ هستند؟

$$\frac{9}{14} \text{ F}$$

$$\frac{4}{7} \text{ ۳}$$

$$\frac{3}{7} \text{ ۱}$$

$$\frac{5}{14} \text{ ۱}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{9}{14} = \frac{3}{7}$$

$$n(S) = \binom{14}{7} = \frac{14 \times 9}{7} = 14$$

$$n(A) = \binom{9}{7} + \binom{4}{2} = \frac{9 \times 8}{7} + \frac{4 \times 3}{2} = 4 + 6 = 9$$

۳

دو تاس را با هم پرتاب می‌کنیم. با کدام احتمال جمع دو عدد رو شده، کمتر از ۱۰ می‌باشد؟

$$\frac{5}{6} \quad \text{W}$$

$$\frac{3}{4} \quad \text{۳}$$

$$\frac{7}{12} \quad \text{۲}$$

$$\frac{5}{9} \quad \text{۱}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18}$$

$$n(S) = 9 \times 9 = 81$$

$$A: \begin{matrix} (9,9) & (0,9) & (4,5) \\ (0,0) & (4,0) & (5,4) \end{matrix}$$

$$\Rightarrow n(A) = 6 \quad n(A) = \underline{\underline{6}}$$

۴ جعبه‌ای شامل ۸ سیب سالم و ۴ سیب لکه‌دار است. به تصادف ۳ سیب از آن خارج می‌کنیم. با کدام احتمال

فقط ۲ سیب خارج شده، سالم است؟

$$\frac{۲۸}{۵۵} \quad \text{ش} \quad \cancel{\text{ش}}$$

$$\frac{۲۴}{۵۵} \quad \text{ش} \quad \text{ش}$$

$$\frac{۸}{۱۵} \quad \text{ش} \quad \text{ش}$$

$$\frac{۷}{۱۵} \quad \text{ش} \quad \text{ش}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{۱۲}{۲۴} = \frac{۱}{۲}$$

$$n(S) = \binom{۱۲}{۱۰} = \frac{۱۲!}{۱۰! \times 9!} = \frac{۱۲ \times ۱۱ \times ۱۰ \times ۹!}{۹ \times ۹!} = ۱۱۴$$

$$n(A) = \binom{1}{2} \binom{14}{1} = \frac{1 \times 1}{2} \times 14 = 7$$

۵ در جعبه‌ای ۵ مهره سفید و ۴ مهره سیاه یکسان، قرار دارد. به تصادف ۳ مهره خارج می‌کنیم. با کدام

احتمال، ۲ مهره سفید و یک مهره سیاه، خارج می‌شود؟

$$\frac{11}{21} \quad ۲$$

$$\frac{10}{21} \quad \cancel{۱}$$

$$\frac{3}{7} \quad ۲$$

$$\frac{5}{14} \quad ۱$$

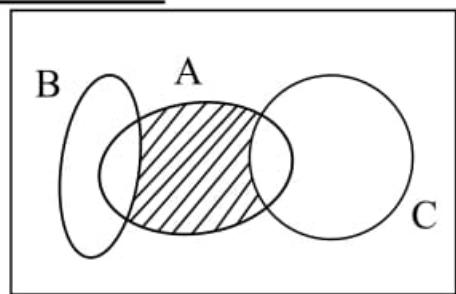
$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{f_0}{1F} = \frac{10}{11}$$

$$n(\Omega) = \binom{9}{2} = \frac{9!}{2! \times 7!} = \frac{9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1} = 1F$$

$$n(A) = \binom{5}{2} \binom{4}{1} = \frac{5 \times 4}{2} \times 1 = f_0$$

۶

مجموعه‌های A و B , C ، مطابق شکل زیر، مفروض‌اند. کدام مورد برای قسمت سایه‌خورده، نادرست است؟

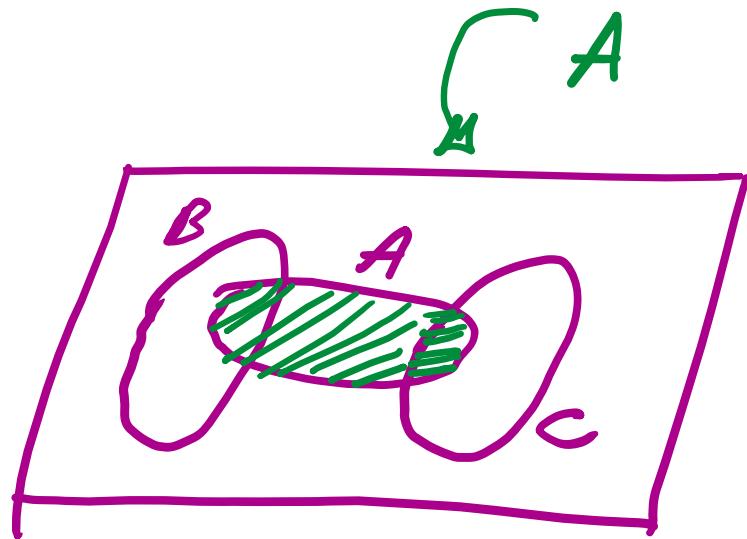


$$A \cap (B \cup C')$$

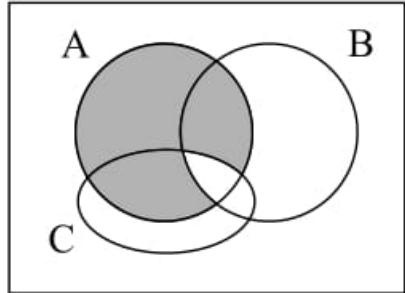
$$A \cap (B' \cap C')$$

$$\underline{(A - C) \cup (A - B)} \quad \cancel{\textcircled{F}}$$

$$\underline{(A - C) \cap (A - B)} \quad \textcircled{W}$$



۷ مطابق شکل زیر، فرض کنید A , B و C سه مجموعه باشند. کدام مورد برای قسمت سایه‌خورده،



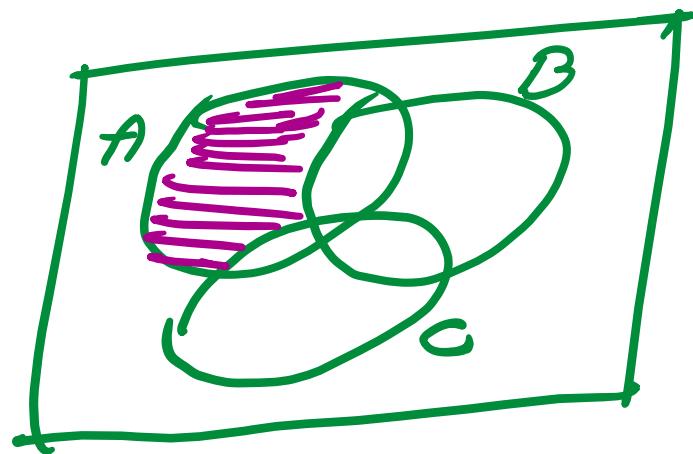
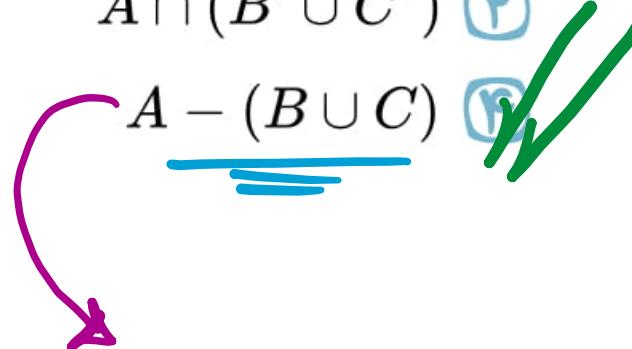
$$A \cap (B' \cup C')$$

$$A - (B \cup C)$$

نادرست است؟

$$(A - B) \cup (A - C)$$

$$\underline{A - (B \cap C)}$$



۸ در پرتاب یک تاس و ۲ سگه، احتمال این که لااقل یکی از سگه‌ها «پشت» و عدد رو شده در تاس، فرد باشد، کدام است؟

$$\frac{5}{8} \quad \text{۱}$$

$$\frac{1}{2} \quad \text{۳}$$

$$\frac{5}{12} \quad \text{۲}$$

$$\frac{3}{8} \quad \text{۴}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$

$$n(\Omega) = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

$$A: \begin{array}{l} (P, P, 1) (P, P, 2) (P, P, 3) \\ (P, R, 1) (P, R, 2) (P, R, 3) \\ (R, P, 1) (R, P, 2) (R, P, 3) \end{array} \rightarrow n(A) = 9$$

۹ در جعبه‌ای ۴ مهره با شماره‌های ۱ تا ۴ موجود است. به تصادف یک مهره از جعبه بیرون می‌آوریم. شماره‌ی آن را یادداشت کرده و به جعبه بر می‌گردانیم. مهره‌ی دیگری بیرون کشیده شماره‌ی آن را در کنار عدد قبلی قرار می‌دهیم. با کدام احتمال عدد دو رقمی حاصل مضرب ۳ است؟

$\frac{1}{3}$ ۲

$\frac{1}{4}$ ۳

$\frac{7}{16}$ ۲

$\frac{5}{16}$ ۱

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{\text{♂}}{19}$$

$$n(S) = 1 \times 19 = 19$$

$$A: \{11, 21, 22, 23, 33\} \rightarrow n(A) = 5$$

۱۰

۱۰ تاس را با هم پرتاب می‌کنیم، با کدام احتمال اعداد رو شده، لااقل در دو تاس یکسان هستند؟

$$\frac{13}{18}$$

$$\frac{11}{18}$$

$$\frac{7}{18}$$

$$\frac{5}{18}$$

$$P(A') = \frac{4 \times 2 \times 1 \times 1}{9 \times 9 \times 9 \times 9} = \frac{2}{81}$$

جواب: $P(A) = 1 - \frac{2}{81} = \frac{79}{81}$

۱۱

هر یک از ارقام $9, 1, 2, \dots, 0$ بر روی ۱۰ کارت یکسان نوشته شده است. یک کارت به تصادف از بین آنها برداشته و رقم آن را یادداشت می‌کنیم و دوباره داخل کارت‌ها قرار می‌دهیم. کارت دیگری بیرون کشیده رقم آن را در سمت راست رقم قبلی می‌نویسیم. با کدام احتمال، عدد حاصل دو رقمی و مضرب ۵ می‌باشد؟

۰,۲۰ ۴

۰,۱۹ ۳

۰,۱۸ ۲

۰,۱۶ ۱

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{11}{100}$$

$$n(\Omega) = 10 \times 10 = 100$$

$$n(A) = 9 \times \frac{2}{10} = 11$$

۱۲ سه نفر در مؤسسه‌ای کار می‌کنند. با کدام احتمال لاقل دو نفر از آن‌ها در یک ماه سال استخدام شده‌اند؟

$$\frac{۳۵}{۱۴۴} \quad \text{F}$$

$$\frac{۱۹}{۷۲} \quad \text{W}$$

$$\frac{۱۷}{۷۲} \quad \text{V} \quad \cancel{\checkmark}$$

$$\frac{۵}{۳۶} \quad \text{D}$$

$$P(A') = \frac{12 \times 11 \times 10}{12 \times 12 \times 12} = \frac{\cancel{12} \cancel{12}}{V^P}$$

جوا $P(A) = 1 - \frac{\cancel{12} \cancel{12}}{V^P} = \frac{V}{V^P}$

۱۳

بر روی یک نیمکت ۴ دانش آموز نشسته‌اند؛ با کدام احتمال لااقل دو نفر از آنان در یک ماه از سال متولد شده‌اند؟

$$\frac{55}{96} \quad \textcircled{F}$$

$$\frac{25}{48} \quad \textcircled{W}$$

$$\frac{23}{48} \quad \textcircled{Y}$$

$$\frac{41}{96} \quad \textcircled{V}$$

$$P(A') = \frac{11x11x10x9}{11x12x12x11} = \frac{60}{99}$$

جواب: $P(A) = 1 - \frac{60}{99} = \frac{39}{99}$

۱۴

سه تاس متمایز را هم زمان پرتاب می‌کنیم. با کدام احتمال هر سه عدد رو شده متفاوت‌اند؟

$$\frac{2}{3} \quad \textcircled{F}$$

$$\frac{5}{9} \quad \textcircled{W}$$

$$\frac{4}{9} \quad \textcircled{Y}$$

$$\frac{1}{3} \quad \textcircled{D}$$

$$P(A) = \frac{4 \times 2 \times 1}{9 \times 9 \times 9} = \frac{8}{729}$$

۱۵

یک تاس قرمز و یک تاس سبز را با هم پرتاب می‌کنیم. احتمال اینکه مجموع دو عدد رو شده، برابر ۷ باشد، کدام است؟

$$\frac{۵}{۱۸} \quad \textcircled{۱}$$

$$\frac{۱}{۴} \quad \textcircled{۲}$$

$$\frac{۲}{۹} \quad \textcircled{۳}$$

$$\frac{۱}{۶} \quad \textcircled{۴}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{۹}{۳۶}$$

$$n(S) = ۹ \times ۹ = ۸۱$$

$$= \frac{۱}{۹}$$

$$A: \begin{matrix} (۱, ۹) & (۱۰, ۱) \\ (۴, ۱) & (۱, ۰) \end{matrix} \rightarrow n(A) = ۹$$

۱۶

حروف کلمه‌ی ATAXIA را بریده به طور تصادفی کنار هم قرار می‌دهیم با کدام احتمال هر سه حرف A کنار هم قرار می‌گیرند؟

$$\frac{1}{3} \quad \text{P}$$

$$A \quad \text{P}$$

$$\frac{1}{5} \quad \text{W}$$

$$\frac{1}{4} \quad \text{D}$$

$$n(\beta) = \frac{9!}{\mu_1! \mu_2! \mu_3! \mu_4!} = \frac{9! \times \mu_1! \mu_2! \mu_3! \mu_4!}{\mu_1! \mu_2! \mu_3! \mu_4!}$$

$$= 1%$$

$$A : \overbrace{\text{AAA}}^1 / \overbrace{\text{T}}^1 / \overbrace{\text{X}}^1 / \overbrace{\text{T}}^1 \rightarrow n(A) = 4! = 1%$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\beta)} = \frac{1%}{1%} = 1/0$$

۱۷

دو تاس را با هم می اندازیم. با کدام احتمال دو عدد رو شده، متواالی هستند؟

$\frac{4}{9}$ ۲

$\frac{7}{18}$ ۳

$\frac{5}{18}$ ۴

$\frac{2}{9}$ ۱

$$n(S) = 9 \times 9 = 81$$

$$A: \begin{matrix} (1, 2) & (1, 3) & (1, 4) & (1, 5) & (1, 6) \\ (2, 1) & (2, 2) & (2, 3) & (2, 4) & (2, 5) \\ (3, 1) & (3, 2) & (3, 3) & (3, 4) & (3, 5) \\ (4, 1) & (4, 2) & (4, 3) & (4, 4) & (4, 5) \\ (5, 1) & (5, 2) & (5, 3) & (5, 4) & (5, 5) \end{matrix} \Rightarrow n(A) = 10$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{10}{81} = \frac{2}{162}$$

۱۵ نفر در یک صف ایستاده‌اند. با کدام احتمال دو فرد مورد نظر از آن‌ها، در کنار هم نیستند؟

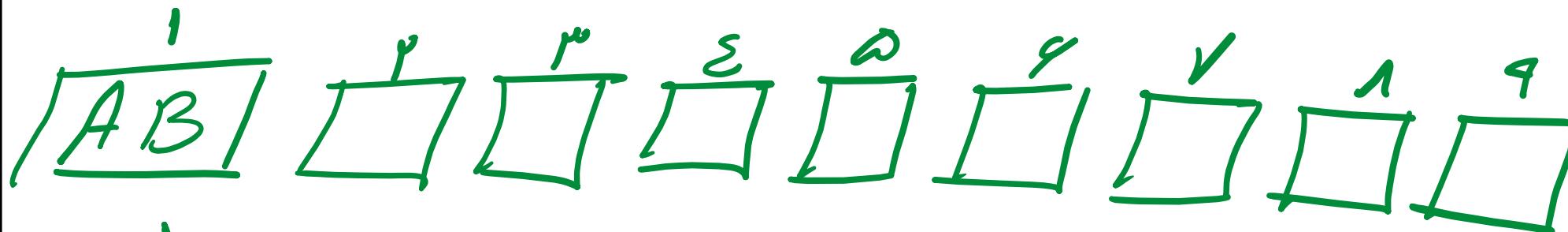
$$\frac{9}{10} (\text{F})$$

$$\frac{4}{5} \cancel{\text{N}}$$

$$\frac{3}{4} (\text{Z})$$

$$\frac{2}{3} (\text{I})$$

$$n(\Omega) = 10!$$



$$\Rightarrow n(A') = 9! \times 2$$

$$P(A) = 1 - \frac{9! \times 2}{10!} = 1 - \frac{1}{5} = \frac{4}{5}$$

پنج کتاب زبان فارسی و ۳ کتاب زبان انگلیسی، به تصادف در یک قفسه کنار هم چیده شده‌اند. با کدام احتمال کتاب‌های هم زبان، کنار هم قرار می‌گیرند؟

$$\frac{1}{56} \text{ (۴)}$$

$$\frac{1}{28} \text{ (۱) } //$$

$$\frac{1}{21} \text{ (۲)}$$

$$\frac{1}{14} \text{ (۱)}$$

$$n(\beta) = n! \quad \checkmark$$

$$n(A) = 5! \times 3! \times 2 \quad \checkmark$$

$$P(A) = \frac{5! \times 3! \times 2}{1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1} = \frac{1}{21}$$

در جعبه‌ای ۳ مهره‌ی سفید ۲ مهره‌ی سیاه و ۵ مهره‌ی قرمز موجود است. اگر دو مهره از آن بیرون آوریم، با کدام احتمال این دو مهره همنگ

$$n(\beta) = \binom{10}{2} = \frac{10 \times 9}{2} = 45$$

$\frac{28}{45}$ ۱

$\frac{31}{45}$ ~~۲~~

$\frac{29}{45}$ ۲

$$n(A) = \binom{10}{2} \binom{1}{1} + \binom{10}{1} \binom{9}{1} + \binom{10}{1} \binom{9}{1} = 101$$

$$P(A) = \frac{101}{45}$$